

تمرين 1: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow +\infty} (1+5x-9x^2) \quad (2) \lim_{x \rightarrow -\infty} (-5x^3-4x+12) \quad (3)$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x^5+3x^2+x}{-10x^5-x-1} \quad (5) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^6+2x^2+1}{x^3+3x-1}$$

تمرين 2: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2-4}{x-2} \quad (2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{x^2-2x-3} \quad (3) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2-5x+3}{x^2+2x-3}$$

تمرين 3: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2-1)^{2008} \times (x^3+1)^{2009} \quad (2) \lim_{x \rightarrow 0^+} 3x+7+\frac{1}{\sqrt{x}}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2+1) \times \frac{1}{x} \quad (4) \lim_{x \rightarrow +\infty} (x-\sqrt{x})$$

تمرين 4: أحسب النهايات التالية:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{3x+1}{2x-4} \quad (2) \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{3x+1}{2x-4} \quad (3) \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x-4}{-2x+6}$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{x-4}{-2x+6} \quad (5) \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x-9}{-2x^2+3x-1}$$

$$(6) \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-9}{-2x^2+3x-1}$$

تمرين 5: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2+4x+3}{x+1} & x \geq -1 \\ f(x) = \frac{x+3}{x} & x < -1 \end{cases}$$

1. أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

2. هل الدالة f تقبل نهاية عند : $x_0 = 1$ ؟

تمرين 6: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = \frac{x^2-16}{|x-4|}$

1. أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \rightarrow 4^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x)$

2. هل الدالة f تقبل نهاية عند : $x_0 = 4$ ؟

تمرين 7: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{x} & x \geq 0 \\ f(x) = x^3 & x < 0 \end{cases}$$

1. أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$

2. استنتج : $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

تمرين 8: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$\begin{cases} f(x) = x^3 - \frac{1}{8} & x > \frac{1}{2} \\ f(x) = 1 - 2x & x \leq \frac{1}{2} \end{cases}$$

أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^-} f(x) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^+} f(x) \quad \text{و}$$

تمرين 9: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي : $f(x) = \frac{|x|}{x} + x^4$

هل الدالة f تقبل نهاية عند $x_0 = 0$ ؟

تمرين 10: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{3x^2-5x+1} \quad (2) \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{-5x+7}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow +\infty} -3x\sqrt{6x^2+x-4}$$

تمرين 11: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-1}{x-1} \quad (2) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{x-4} \quad (3) \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1-2x}{\sqrt{x}-1}$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{1-\sqrt{x+4}}{x+3}$$

تمرين 12: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2+x-x} \quad (2) \lim_{x \rightarrow -\infty} x - \sqrt{x^2-x}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow +\infty} x - \sqrt{x^2-x} \quad (4) \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{5x^2+x-1} - 2x + 1$$

$$(5) \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2+x-1} + x \quad (6) \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{5x^2+x-1} + 2x + 1$$

تمرين 13: أحسب النهايات التالية :

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x} \quad (2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan x} \quad (3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{\sin 4x}$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 2x}{\sin x} \quad (5) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 2x}{x^2} \quad (6) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{\sin^2 2x}$$

$$(7) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sqrt{x+1}-1} \quad (8) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(x-2)}{x^2-4}$$

تمرين 14: أحسب النهايات التالية : (1) $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin\left(\frac{1}{x}\right)$

$$(2) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{2-\cos x} \quad (3) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3}{2-\cos x}$$